

# Eindexamen wiskunde A1-2 vwo 2005-I

havovwo.nl

## 4 Beoordelingsmodel

Antwoorden

Deel-  
scores

### Meer neerslag

#### Maximumscore 4

- 1  • de opmerking dat de gemiddelde jaarlijkse neerslag in beide plaatsen gelijk is 1  
• De standaardafwijking in Winterswijk is groter (en dus is de spreiding groter) 1  
• De kans op meer dan 950 mm neerslag is in Winterswijk groter dan in Hoofddorp 2

#### Opmerkingen

- Als een antwoord wordt gegeven zonder adequate motivering, geen punten voor deze vraag toekennen.
- Als een antwoord wordt gegeven op basis van een correcte berekening, maximaal 2 punten voor deze vraag toekennen.

#### Maximumscore 3

- 2  • Gevraagd wordt  $P(X > 950)$  uitgaande van een normale verdeling met  $\mu = 753$  en  $\sigma = 106$  1  
• beschrijven hoe met de GR deze kans gevonden kan worden 1  
• de uitkomst 0,0315 (of 0,03) 1

#### Maximumscore 5

- 3  • het aflezen van twee punten op de trendlijn, bijvoorbeeld (0, 720) en (100, 800) 1  
• het opstellen van de formule  $N = 0,8 \cdot t + 720$  1  
• het opstellen van de vergelijking  $0,8 \cdot t + 720 = 850$  1  
• het oplossen van deze vergelijking:  $t = 162,5$  1  
• het jaar 2063 1

#### Opmerkingen

- Ieder punt tussen (0, 715) en (0, 725), inclusief een van deze punten zelf, mag als beginpunt van de trendlijn gekozen worden.
- Als er, als gevolg van een ander gekozen beginpunt, een andere t-waarde gevonden wordt, moet het bijbehorende jaar altijd via 'afrondding' naar boven bepaald worden.

#### Maximumscore 4

- 4  • Er is sprake van een model met trekken zonder terugleggen 1

•  $P(X = 5) = \frac{47}{94} \cdot \frac{46}{93} \cdot \frac{45}{92} \cdot \frac{44}{91} \cdot \frac{43}{90}$  2

- het antwoord 0,0279 1

of

- Er is sprake van een model met trekken zonder terugleggen 1

•  $P(X = 5) = \frac{\binom{47}{5}}{\binom{94}{5}}$  2

- het antwoord 0,0279 1

#### Opmerking

Als het antwoord is berekend met behulp van een binomiaal model, dan voor deze vraag maximaal 1 punt toekennen.

# Eindexamen wiskunde A1-2 vwo 2005-I

havovwo.nl

Antwoorden

Deel-  
scores

## Maximumscore 4

- 5 □ • een tabel als tabel 2 met de waarden van De Bilt in 2001, bijvoorbeeld:

grenswaarde	>30	>40	>50	>60	>70	>80	>90	>100	>110	>120	>130
aantal maanden	11	11	10	9	9	7	3	2	2	1	1

- 2001 had voor 10 grenswaarden een grotere waarde dan in tabel 2; dat is meer dan 9
- 2001 was een extreem nat jaar

2

1

1

## Breedte van wegen

### Maximumscore 3

6 □ •  $800 = \frac{8289,3}{B} \cdot (1,778 - \log B)$

- beschrijven hoe met de GR de oplossing van deze vergelijking gevonden kan worden
- het antwoord  $B = 8,6$  (of 8,7)

1

1

1

### Maximumscore 4

7 □ • Als  $B$  toeneemt, neemt  $\frac{8289,3}{B}$  af

- Als  $B$  toeneemt, neemt  $\log B$  toe, dus neemt  $1,778 - \log B$  af
- Dus is  $N_{\max}$  dalend

1

2

1

### Maximumscore 5

- 8 □ • met de GR een tabel maken met passende instellingen

- aflezen uit de tabel dat  $N_{\max} \approx 1231$  voor  $B = 6,5$
- aflezen uit de tabel dat  $N_{\max} \approx 1105$  voor  $B = 7,0$
- De breedte van de weg was oorspronkelijk 6,5 meter

1

2

1

1

of

- het invoeren in de GR van de formule van  $N_{\max}(B) - N_{\max}(B + 0,5)$  en het instellen van een geschikt venster
- het tekenen van de bijbehorende grafiek
- beschrijven hoe met de GR de vergelijking  $N_{\max}(B) - N_{\max}(B + 0,5) = 126$  kan worden opgelost
- De breedte van de weg was oorspronkelijk 6,5 meter

2

1

1

1

## Leugendetector

### Maximumscore 4

- 9 □ • Het aantal fouten is binomiaal verdeeld met  $n = 200$  en  $p = 0,25$

- De gevraagde kans is  $P(X \geq 40) = 1 - P(X \leq 39)$
- beschrijven hoe met de GR deze kans gevonden kan worden
- het antwoord 0,9595

1

1

1

1

of

- Het aantal goed benoemde leugenaars is binomiaal verdeeld met  $n = 200$  en  $p = 1 - 0,25 = 0,75$
- De gevraagde kans is  $P(Y \geq 40) = P(X \leq 160)$
- beschrijven hoe met de GR deze kans gevonden kan worden
- het antwoord 0,9595

1

1

1

1

# Eindexamen wiskunde A1-2 vwo 2005-I

havovwo.nl

Antwoorden	Deel-scores
<b>Maximumscore 3</b>	
10 □ • Van de 16 leugenaars zullen er naar verwachting 12 correct herkend worden	<u>1</u>
• Van de 84 waarheidsprekers zullen er naar verwachting 77 correct herkend worden	<u>1</u>
• De betrouwbaarheid is $\frac{12+77}{100} = 0,89$ (of 89%)	<u>1</u>
<b>Maximumscore 4</b>	
11 □ • Als er onder de 100 mensen $l$ leugenaars zijn, is de betrouwbaarheid $\frac{0,75l + \frac{11}{12}(100-l)}{100}$	<u>2</u>
• Gevraagd wordt de waarde van $l$ waarvoor geldt $\frac{0,75l + \frac{11}{12}(100-l)}{100} = 0,87$	<u>1</u>
• het antwoord: 28 leugenaars	<u>1</u>
of	
door middel van ‘proberen’ de betrouwbaarheid uitrekenen bij 28 leugenaars:	
• Van de 28 leugenaars worden er $0,75 \cdot 28 = 21$ correct geïdentificeerd	<u>1</u>
• Van de 72 eerlijke mensen worden er $\frac{11}{12} \cdot 72 = 66$ correct geïdentificeerd	<u>1</u>
• Van de 100 mensen worden er $21 + 66 = 87$ correct geïdentificeerd	<u>1</u>
• De betrouwbaarheid is dan 0,87	<u>1</u>
<i>Opmerking</i>	
<i>Als een kandidaat door ‘proberen’ met berekeningen constateert dat het gezochte aantal leugenaars een van de waarden 26, 27, 29, 30 of 31 is, geen punten hiervoor in mindering brengen.</i>	
<b>Maximumscore 6</b>	
12 □ • De hypothese $H_0 : p = 0,916$ moet getoetst worden tegen $H_1 : p > 0,916$ bij $n = 900$	<u>1</u>
• De overschrijdingskans van 834 keer succes is $P(X \geq 834   n = 900, p = 0,916)$	<u>1</u>
• Deze kans is gelijk aan $1 - P(X \leq 833   n = 900, p = 0,916)$	<u>1</u>
• beschrijven hoe met de GR deze kans gevonden kan worden	<u>1</u>
• de overschrijdingskans 0,1362 (of 0,14)	<u>1</u>
• de conclusie: $0,1362 > 0,05$ , dus er is niet voldoende aanleiding	<u>1</u>
<b>Pareto-krommen</b>	
<b>Maximumscore 5</b>	
13 □ • Bij ‘kortsluiting’ is de besparing 511 printplaatjes per 3600 euro, dus 0,14 printplaatje per euro	<u>2</u>
• Bij ‘gaten te wijd’ is de besparing 0,13 printplaatje per euro	<u>2</u>
• De volgorde is juist (want $0,13 < 0,14$ )	<u>1</u>
of	
• Bij ‘kortsluiting’ zijn de kosten 3600 euro per 511 printplaatjes dus 7,05 euro per printplaatje	<u>2</u>
• Bij ‘gaten te wijd’ zijn de kosten 7,69 euro per printplaatje	<u>2</u>
• De volgorde is juist (want $7,69 > 7,05$ )	<u>1</u>
<i>Opmerking</i>	
<i>Als uitsluitend de coördinaten van de bijbehorende punten in de figuur zijn uitgerekend, voor deze vraag geen punten toekennen.</i>	

# Eindexamen wiskunde A1-2 vwo 2005-I

havovwo.nl

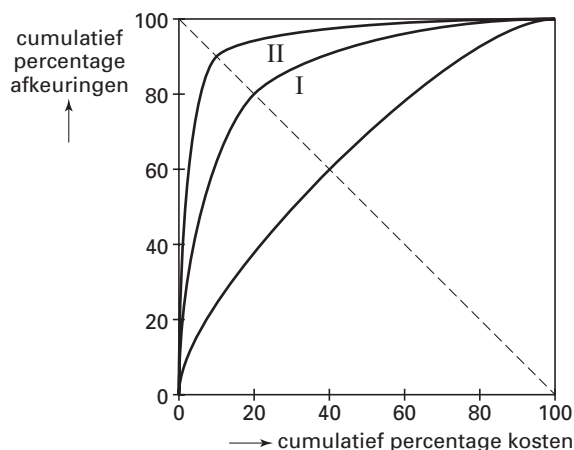
Antwoorden

Deel-  
scores

## Maximumscore 4

- 14  De geschetste kromme moet aan de volgende eisen voldoen:
- afnemend stijgend
  - beginpunt (0, 0) en eindpunt (100, 100)
  - door het punt (40, 60)

2  
1  
1



## Maximumscore 4

- 15  • Er moet gekeken worden naar het snijpunt met de lijn door (0, 2056) en (15760, 0)
- Dit snijpunt is (ongeveer) (4580, 1460)
  - De aanduiding is (ongeveer) (29, 71)

2  
1  
1

*Opmerking*

*Voor het aflezen van het snijpunt gelden de volgende toegestane marges:*

*$4000 \leq \text{kosten per maand} \leq 5000$  en  $1400 \leq \text{aantal printplaatjes} \leq 1500$ .*

Indien de aanduiding twee getallen bevat waarvan de som niet gelijk is aan 100

-1

## Maximumscore 5

- 16  •  $[B - K]' = 500K^{-0,8} - 1$
- Het maximum hiervan wordt bereikt als  $[B - K]' = 0$
  - beschrijven hoe met de GR dit nulpunt gevonden kan worden
  - het antwoord 2364 euro

2  
1  
1  
1

**■** Veel zalm

## Maximumscore 4

- 17  • het invoeren van het model in de GR of het berekenen van  $P(1)$
- $P(2) \approx 271,28$
  - $P(3) \approx 159,79$
  - De daling is ongeveer 41%

1  
1  
1  
1

# Eindexamen wiskunde A1-2 vwo 2005-I

havovwo.nl

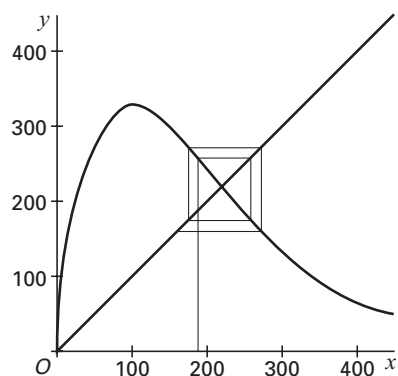
Antwoorden	Deel-scores
------------	-------------

### Maximumscore 3

- |                             |  |          |
|-----------------------------|--|----------|
| 18 <input type="checkbox"/> | • Gezocht moet worden naar de tweede oplossing van de vergelijking $9x \cdot 0,99^x = x$ | <u>1</u> |
|                             | • beschrijven hoe met de GR deze vergelijking kan worden opgelost                        | <u>1</u> |
|                             | • De evenwichtswaarde is ongeveer 218,6  | <u>1</u> |
|                             | of   |          |
|                             | • Gezocht moet worden naar de tweede oplossing van de vergelijking $9x \cdot 0,99^x = x$ | <u>1</u> |
|                             | • beschrijven hoe met de GR de vergelijking $9 \cdot 0,99^x = 1$ kan worden opgelost     | <u>1</u> |
|                             | • De evenwichtswaarde is ongeveer 218,6  | <u>1</u> |

### Maximumscore 5

- |                             |                 |          |
|-----------------------------|-----------------|----------|
| 19 <input type="checkbox"/> | • de webgrafiek | <u>3</u> |
|-----------------------------|-----------------|----------|



- |   |          |
|---|----------|
| • de conclusie: de evenwichtswaarde is niet stabiel | <u>2</u> |
|---|----------|

#### Opmerkingen

- Bij het tekenen van de webgrafiek moeten ten minste 3 punten op de curve zelf getekend zijn. Voor ieder niet getekend punt op de curve 1 punt in mindering brengen.
- Als een webgrafiek getekend is waarbij de draairichting tegengesteld is aan de hierboven afgebeelde draairichting, maximaal 2 punten voor deze vraag toekennen.

### Maximumscore 3

- |                             |   |          |
|-----------------------------|---|----------|
| 20 <input type="checkbox"/> | • Gezocht moet worden naar de $x$ -coördinaat van de top van de grafiek van $y = 9x \cdot 0,99^x$ | <u>1</u> |
|                             | • beschrijven hoe met de GR de $x$ -coördinaat van de top gevonden kan worden                     | <u>1</u> |
|                             | • De beginwaarde is ongeveer 99,5   | <u>1</u> |

### Maximumscore 4

- |                             |  |          |
|-----------------------------|--|----------|
| 21 <input type="checkbox"/> | • Gezocht moet worden naar de tweede oplossing van de vergelijking $9x \cdot 0,99^x = x + 150$ | <u>2</u> |
|                             | • beschrijven hoe met de GR deze vergelijking kan worden opgelost                              | <u>1</u> |
|                             | • De beginwaarde is ongeveer 149   | <u>1</u> |